Федеральное государственное образовательное бюджетное учреждение высшего образования
«ФИНАНСОВЫЙ УНИВЕРСИТЕТ
ПРИ ПРАВИТЕЛЬСТВЕ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ»
(Финансовый университет)

Ярославский филиал Финуниверситета

Кафедра «Экономика и финансы»

СОГЛАСОВАНО
Директор ДО «Ярославский»
ООО «Компания БКС»
А.В. Роенко

«15» июня 2023 г.

УТВЕРЖДАЮ
Директор
Ярославского филиала
Финуниверситета
В.А. Кваша

«20» июня 2023 г.

Автор: Н. И. Коршунова

МАТЕМАТИКА

Рабочая программа дисциплины
для студентов, обучающихся по направлениям подготовки
38.03.01 «Экономика»
профиль: «Анализ рисков и экономическая безопасность»
(очная форма обучения)

Рекомендовано Ученым советом Ярославского филиала Финуниверситета (протокол № 2 от 20.06.2023)

Одобрено кафедрой «Экономика и финансы» (протокол № 8 от 15.06.2023)

Ярославль 2023

СОДЕРЖАНИЕ

1. Наименование дисциплины 4

2. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине с указанием индикаторов их достижения и планируемых результатов обучения. 4

3. Место дисциплины в структуре образовательной программы 6

4. Объем дисциплины (модуля) в зачетных единицах и в академических часах с выделением объема аудиторной (лекции, семинары) и самостоятельной работы обучающихся (в семестре, в сессию)..... 6

5. Содержание дисциплины, структурированное по темам (разделам) дисциплины с указанием их объемов (в академических часах) и видов учебных занятий..... 7

5.1. Содержание дисциплины 7

5.2. Учебно-тематический план 14

5.3. Содержание семинаров, практических занятий 16

6. Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы обучающихся по дисциплине 22

6.1. Перечень вопросов, отводимых на самостоятельное освоение дисциплины, формы внеаудиторной самостоятельной работы 22

6.2. Перечень вопросов, заданий, тем для подготовки к текущему контролю 25

7. Фонд оценочных средств для проведения промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине 29

7.1 Перечень компетенций с указанием индикаторов их достижения в процессе освоения образовательной программы 29

7.2. Типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки индикаторов достижения компетенций, умений и знаний..... 29

7.3. Соответствующие приказы, распоряжения ректората о контроле уровня освоения дисциплин и сформированности компетенций студентов. 39

8. Перечень основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины..... 39

9. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», необходимых для освоения дисциплины 41

10. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины..... 41

11.Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине, включая перечень необходимого программного обеспечения и информационных справочных систем..... 42

12. Описание материально-технической базы, необходимой для осуществления образовательного процесса по дисциплине 42

1. Наименование дисциплины

Дисциплина Б.1.1.2.4. «Математика»

2. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине с указанием индикаторов их достижения и планируемых результатов обучения.

Дисциплина «Математика» обеспечивает формирование следующих компетенций.

Таблица 1–Структура планируемых результатов обучения по дисциплине

Код компетенции	Наименование компетенции	Индикаторы достижения компетенции	Результаты обучения (владения, умения и знания), соотнесённые с компетенциями/индикаторами достижения компетенции
ПКН-3	Способность осуществлять сбор, обработку и статистический анализ данных, применять математические методы для решения стандартных профессиональных финансово-экономических задач, интерпретировать полученные результаты.	1. Проводит сбор, обработку и статистический анализ данных для решения финансово-экономических задач. 2. Формулирует математические постановки финансово экономических задач, переходит от экономических постановок задач к математическим моделям. 3. Системно подходит к выбору математических методов и информационных технологий для решения конкретных финансово-экономических задач в профессиональной области. 4. Анализирует результаты исследования математических моделей финансово-экономических	**Знать**: основные понятия и методы высшей математики, необходимые для успешного решения математических, финансовых и экономических задач. **Уметь**: решать типовые математические задачи, применять методы и знания высшей математики для решения математических и экономических задач, интерпретировать результаты решения задач.

		задач и делает на их основании количественные и качественные выводы и рекомендации по принятию финансово-экономических решений.	
УК-10	Способность осуществлять поиск, критически анализировать, обобщать и систематизировать информацию, использовать системный подход для решения поставленных задач	1. Четко описывает состав и структуру требуемых данных и информации, грамотно реализует процессы их сбора, обработки и интерпретации. 2. Обосновывает сущность происходящего, выявляет закономерности, понимает природу вариабельности. 3. Формулирует признак классификации, выделяет соответствующие ему группы однородных «объектов», идентифицирует общие свойства элементов этих групп, оценивает полноту результатов классификации, показывает прикладное назначение классификационных групп. 4. Грамотно, логично, аргументировано формирует собственные суждения и оценки. Отличает факты от мнений, интерпретаций, оценок и т.д. в рассуждениях других участников деятельности. 5. Аргументированно и логично представляет свою	**Знать:** фундаментальные понятия, идеи, и инструменты алгебры, аналитической геометрии и математического анализа; методы поиска, анализа, обобщения и систематизации информации, признаки классификации **Уметь:** описывать состав и структуру требуемых данных и информации, обосновывать сущность происходящего, выявлять закономерности, понимать природу вариабельности, грамотно, логично, аргументировано формировать собственные суждения и оценки. Отличать факты от мнений, интерпретаций, оценок и т.д. в рассуждениях других участников деятельности, аргументированно и логично представлять свою точку зрения посредством и на основе системного описания. Применять математические методы для постановки, решения и интерпретации результатов в задачах моделирования,, исследования, программирования профессиональных ситуаций.

		точку зрения посредством и на основе системного описания.	

3. Место дисциплины в структуре образовательной программы

Дисциплина «Математика» является дисциплиной базовой части цикла «Математики и информатики» по направлению 38.03.01 «Экономика», профиль «Анализ рисков и экономическая безопасность» (программа подготовки бакалавра).

Изучение дисциплины «Математика» базируется на знаниях, полученных в рамках школьного курса математики или соответствующих дисциплин среднего профессионального образования, является общим теоретическим и методологическим основанием для всех математических дисциплин и дисциплин информационного блока, входящих в ОП бакалавра экономики.

4. Объем дисциплины (модуля) в зачетных единицах и в академических часах с выделением объема аудиторной (лекции, семинары) и самостоятельной работы обучающихся (в семестре, в сессию)

Таблица 2–Объем дисциплины в зачетных единицах и академических часах

Вид учебной работы по дисциплине	**Всего (в з/е и часах)**	**Семестр (модуль) 1 в (часах)**	**Семестр (модуль) 2 в (часах)**
Общая трудоёмкость дисциплины	**6з.е./216 ч.**	108	**108**
Контактная работа – Аудиторные занятия	***100***	***50***	***50***
Лекции	*32*	*16*	*16*
Семинары, практические занятия	*68*	*34*	*34*
Самостоятельная работа	***116***	*58*	***58***
Вид текущего контроля		Контр раб	Контр раб
Вид промежуточной аттестации		Зачёт	Экзамен

5. Содержание дисциплины, структурированное по темам (разделам) дисциплины с указанием их объемов (в академических часах) и видов учебных занятий

5.1. Содержание дисциплины

Часть 1 – Линейная алгебра.

Раздел I. Системы линейных алгебраических уравнений.

Линейные пространства

Решение систем линейных алгебраических уравнений методом Жордана - Гаусса.

Арифметические векторы и линейные операции над ними. Векторное пространство R^n. Геометрический смысл пространств R^2 и R^3. Линейные пространства общего вида. Линейная зависимость системы векторов и ее геометрический смысл. Базис и размерность линейного пространства. Координаты вектора в данном базисе. Преобразование координат векторов при замене базиса. Подпространства линейного пространства.

Скалярное произведение векторов в R^n**.** Евклидово пространство. Неравенство Коши-Буняковского. Длины векторов и угол между векторами в R^n. Ортогональный и ортонормированный базисы в R^n. Координаты вектора в ортогональном базисе. Процесс ортогонализации. Ортогональные дополнения подпространств.

Раздел II. Матрицы и определители

Сложение матриц и умножение матрицы на число. Свойства линейных операций над матрицами. Матричная запись систем линейных алгебраических уравнений. Ранг матрицы. Пространство решений однородной системы, связь его размерности с рангом матрицы. Фундаментальная система решений однородной системы. Связь между общими решениями однородной и неоднородной систем.

Умножение матриц, его свойства. Невырожденные квадратные матрицы. Единичная матрица. Обратная матрица. Нахождение обратной матрицы с помощью элементарных преобразований. Решение матричных уравнений вида $AX = B$.

Определители и их свойства. Непосредственное вычисление определителей второго и третьего порядка. Формула разложения определителя по строкам и столбцам. Применение определителей: 1) критерий

невырожденности квадратной матрицы; 2) нахождение ранга матрицы; 3) критерий существования ненулевых решений однородной системы линейных алгебраических уравнений с n неизвестными, состоящей из n уравнений; 4) нахождение решения системы линейных алгебраических уравнений по формуле Крамера; 5) нахождение обратной матрицы.

Раздел III. Комплексные числа и многочлены

Комплексные числа и действия над ними. Геометрическая интерпретация комплексных чисел. Модуль и аргумент комплексного числа. Алгебраическая, показательная и тригонометрическая формы записи комплексных чисел. Корни n-ой степени из комплексного числа. Формулировка основной теоремы алгебры.

Основные понятия, связанные с многочленами. Схема Горнера и корни многочленов. Теорема Безу. Деление многочленов. Разложение правильной дроби на сумму элементарных дробей.

Раздел IV. Линейные преобразования и квадратичные формы

Линейные преобразования пространства R^n. Линейные операторы. Ядро и образ линейного оператора. Матрица линейного оператора. Собственные значения и собственные векторы квадратных матриц.

Квадратичные формы, их матрицы в данном базисе. Приведение квадратичной формы к нормальному виду методом Лагранжа. Приведение квадратичной формы к каноническому виду при помощи ортогонального преобразования. Закон инерции квадратичных форм. Критерий Сильвестра знакоопределенности квадратичной формы.

Раздел V. Элементы аналитической геометрии

Прямая и гиперплоскость в n-мерном пространстве. Угол между гиперплоскостями. Расстояние от точки до гиперплоскости. Прямая на плоскости и в пространстве. Прямая, отрезок, луч в n-мерном пространстве. Плоскость в трехмерном пространстве.

Понятие о кривых второго порядка. Эллипс, гипербола и парабола, их свойства и канонические уравнения.

Понятие о поверхностях второго порядка. Эллипсоиды, параболоиды и гиперболоиды, их канонические уравнения.

Выпуклые множества в пространстве R^n. Полупространства, выпуклые многогранные области. Системы линейных неравенств и их геометрический

смысл. Угловые точки выпуклых многогранных областей. Выпуклая оболочка системы точек в R^n.

Раздел VI. Линейное программирование

Примеры линейных оптимизационных моделей в экономике. Постановка и различные формы записи задачи линейного программирования (ЗЛП). Геометрическая интерпретация ЗЛП.

Каноническая форма ЗЛП. Допустимые, опорные, оптимальные решения. Критерий оптимальности опорного решения. Симплексное преобразование и его основное свойство. Симплекс-метод решения ЗЛП.

Взаимно-двойственные задачи ЗЛП. Их экономическая интерпретация Достаточное условие оптимальности взаимно двойственных задач.

Первая и вторая основные теоремы двойственности, их геометрическое и экономическое истолкование.

Несимметричная пара двойственных задач. Третья теорема двойственности, её геометрическая и экономическая интерпретация.

Транспортная задача и её решение распределительным методом и методом потенциалов. Вырожденная ТЗ. Фиктивные поставки, поставщики и потребители. Обязательные и запрещённые поставки.

Часть 2 – Математический анализ

Раздел I. Введение в анализ: множества, функции

Действительные числа, их свойства. Числовые множества. Элементы алгебры множеств. Обозначения для сумм и произведений. Окрестность точки. Ограниченные множества. Декартовы координаты на плоскости.

Числовые функции. Способы задания функций. Область определения и множество значений функции. График функции. Сложная и обратная функции. Характеристики функций: четность и нечетность, периодичность, монотонность, ограниченность.

Степенная, показательная и логарифмическая функции. Тригонометрические функции и обратные к ним. Элементарные функции. Свойства основных элементарных функций.

Раздел II. Предел и непрерывность

Числовые последовательности. Способы задания последовательностей. Прогрессии. Формула сложных процентов.

Предел последовательности и его свойства. Единственность предела. Ограниченность сходящейся последовательности. Переход к пределу в неравенствах, теорема о трех последовательностях. Бесконечно малые и бесконечно большие последовательности, их свойства. Свойства пределов, связанные с арифметическими действиями.

Монотонные последовательности. Теорема Вейерштрасса о существовании предела монотонной ограниченной последовательности. Число e.

Предел функции (по Гейне). Различные типы пределов: односторонние пределы, пределы в бесконечности, бесконечные пределы. Бесконечно малые и бесконечно большие функции, их свойства.

Свойства пределов, связанные с арифметическими действиями и с неравенствами. Замена переменной при вычислении предела (предел сложной функции). Сравнение бесконечно малых функций: эквивалентные функции, символ $o(f)$.

Первый и второй замечательные пределы. Формула непрерывных процентов.

Непрерывность функции в точке. Непрерывность суммы, разности, произведения и частного непрерывных функций. Непрерывность сложной и обратной функции. Непрерывность элементарных функций. Теорема о сохранении знака непрерывной функции. Точки разрыва функции, их классификация.

Свойства функций, непрерывных на замкнутом промежутке: теоремы о существовании корня, о промежуточных значениях, об ограниченности функции, о достижении наибольшего и наименьшего значений

.

Раздел III. Дифференциальное исчисление функций одной переменной

Производная функции. Дифференцируемость и дифференциал функции. Непрерывность дифференцируемой функции. Правила дифференцирования суммы, разности, произведения и частного двух функций, сложной и обратной функций. Производные основных элементарных функций.

Геометрический, механический и экономический смысл производной и дифференциала функции. Уравнение касательной к графику функции.

Эластичность функции, ее свойства и геометрический смысл. Логарифмическая производная. Задача о распределении налогового бремени.

Локальный экстремум функции, теорема Ферма. Теоремы Ролля, Лагранжа и Коши для дифференцируемых функций.

Однофакторные производственные функции и их характеристики. Сферы применимости.

Правило Лопиталя раскрытия неопределенностей.

Производные и дифференциалы высших порядков.

Признак монотонности функции на интервале. Достаточное условие локального экстремума.

Выпуклые (вогнутые) функции. Достаточные условия выпуклости функции. Необходимый и достаточный признаки точки перегиба.

Асимптоты графика функции. Общая схема исследования функции и построения ее графика.

Отыскание наибольшего и наименьшего значений функции на отрезке.

Раздел IV. Интегральное исчисление функций одной переменно

Первообразная и неопределенный интеграл. Таблица неопределенных интегралов. Свойства неопределенного интеграла. Замена переменной в неопределенном интеграле, интегрирование по частям.

Интегрирование рациональных функций. Интегрирование некоторых классов иррациональных и трансцендентных функций.

Определенный интеграл (по Риману) и его свойства. Интегрируемость непрерывной функции. Свойства определённого интеграла, их экономический смысл.

Интеграл с переменным верхним пределом. Существование первообразной для непрерывной функции. Формула Ньютона-Лейбница.

Замена переменной в определенном интеграле, интегрирование по частям.*

Геометрические приложения определенного интеграла: вычисление площади криволинейной трапеции.

Несобственные интегралы с бесконечными пределами интегрирования.

Раздел V. Дифференциальное исчисление функции нескольких переменных

Пространство R^n. Свойства расстояния. Окрестность точки. Внутренние и граничные точки множества. Открытые и замкнутые множества. Изолированные и предельные точки множества. Ограниченные множества.

Сходимость последовательности точек в R^n, ее эквивалентность покоординатной сходимости.

Функции нескольких переменных. Поверхности (линии) уровня функции.

Предел и непрерывность функции нескольких переменных. Свойства функций, непрерывных на замкнутом ограниченном множестве: ограниченность, достижение наибольшего и наименьшего значений.

Частные производные, дифференцируемость, дифференциал функции нескольких переменных. Достаточное условие дифференцируемости.** Непрерывность дифференцируемой функции.

Производная сложной функции. Производная по направлению, градиент. Свойства градиента.

Эластичность функции нескольких переменных. Многофакторные производственные функции (линейная, типа Кобба-Дугласа, с постоянными пропорциями, с постоянной эластичностью замены. Их свойства, сферы применимости.

Однородные функции нескольких переменных. Формула Эйлера.

Частные производные высших порядков. Теорема о равенстве смешанных производных.

Экстремумы функций нескольких переменных. Необходимое условие экстремума. Достаточное условие экстремума.

Выпуклые множества в R^n. Выпуклые (вогнутые) функции нескольких переменных. Необходимое и достаточное условие выпуклости. Достаточное условие выпуклости дважды дифференцируемой функции.

Экстремумы выпуклых (вогнутых) функций. Теорема о глобальном характере экстремума выпуклой функции. Теорема о достижении выпуклой функцией глобального экстремума в стационарной точке.

Условный экстремум функции нескольких переменных. Метод исключения переменных. Метод множителей Лагранжа.

Раздел VI. Интегральное исчисление функций нескольких переменных

Кратные (двойные) интегралы, их свойства. Сведение кратного интеграла к повторному.

Формула замены переменных в двойном интеграле. Использование полярных координат для вычисления двойных интегралов.

Несобственные кратные интегралы.

Раздел VII. Ряды

Числовые ряды. Сходимость и сумма ряда. Необходимое условие сходимости.

Числовые ряды с неотрицательными членами: критерий и признаки сходимости (первый и второй признаки сравнения, признак Даламбера в предельной форме, интегральный признак).

Знакочередующиеся ряды. Признак Лейбница. Оценка остатка ряда.

Абсолютно и условно сходящиеся знакочередующиеся числовые ряды. Свойства абсолютно и условно сходящихся рядов.

Степенные ряды. Теорема Абеля. Интервал и радиус сходимости степенного ряда. Свойства степенного ряда на интервале сходимости.

Ряды Маклорена. Разложимость в ряд Маклорена бесконечно дифференцируемой функции с производными, ограниченными в совокупности. Разложения функций e^x, $\sin x$, $\cos x$, $(1+x)^\alpha$, $\ln(1+x)$ в ряд Маклорена.

Раздел VIII. Обыкновенные дифференциальные уравнения

Задачи, приводящие к дифференциальным уравнениям. Обыкновенные дифференциальные уравнения первого порядка, их решения. Нормальная форма уравнения первого порядка. Поле направлений, интегральные кривые. Задача Коши. Теорема о существовании и единственности решения задачи Коши для уравнения первого порядка в нормальной форме. Общее и частное решения уравнения. Общий интеграл. Особые решения.

Уравнения первого порядка, интегрируемые в квадратурах: с разделяющимися переменными, однородные, линейные, Бернулли. Автономные уравнения и их свойства. Метод вариации произвольной постоянной и метод Бернулли решения дифференциальных уравнений первого порядка.

Линейные дифференциальные уравнения. Пространство решений линейного однородного уравнения, фундаментальная система решений. Определитель Вронского системы решений. Структура общего решения линейного неоднородного уравнения.

Линейные дифференциальные уравнения с постоянными коэффициентами (на примере уравнений второго порядка). Характеристическое уравнение и фундаментальная система решений однородного уравнения. Построение частного решения неоднородного уравнения с правой частью специального вида методом неопределенных коэффициентов.

Однородные системы линейных уравнений с постоянными коэффициентами. Векторная запись, матрица системы. Собственные значения и собственные векторы матрицы системы, частные решения системы.

Фундаментальный набор решений и общее решение системы уравнений в случае существования базиса из собственных векторов. Построение общего решения с помощью метода исключения неизвестных.

.2. Учебно-тематический план

Таблица 3–Содержание учебно-тематического плана изучения дисциплины

№ п/п	Наименование темы (раздела) дисциплины	Трудоемкость в часах						Формы текущего контроля успеваемости
		Всего	Аудиторная работа				Самостоятельная работа	
			Общая	Лекции	Практические и семинарские занятия	В т. ч. занятия в интерактивных формах		
1 семестр.								
Часть 1 –Линейная алгебра.								
1.	Системы линейных алгебраических уравнений. Линейные пространства.	12	6	2	4	3	6	Самостоятельные работы. Участие в решении задач на практических занятиях. Собеседования по домашним заданиям. Контрольная работа.
2.	Матрицы и определители.	12	6	2	4	3	6	
3.	Комплексные числа и многочлены.	14	4	-	4	4	10	
4.	Линейные преобразования и квадратичные формы.	10	-	-	-	-	10	
5.	Элементы аналитической геометрии.	14	6	2	4	4	8	

6	Линейное программирование	14	10	4	6	6	4	
Часть 2 – Математический анализ								
7.	Введение в анализ: множества, функции.	10	6	2	4	4	4	Самостоятельные работы. Участие в решении задач на практических занятиях. Собеседования по домашним заданиям. Контрольная работа.
8.	Предел и непрерывность.	12	6	2	4	4	6	
9.	Дифференциальное исчисление функций одной переменной.	10	6	2	4	3	4	
	Итого за 1 семестр	**108**	**50**	**16**	**34**	**27**	**58**	
2 семестр								
10.	Интегральное исчисление функций одной переменной.	23	11	3	8	8	12	Самостоятельные работы. Участие в реше-
11.	Дифференциальное исчисление	21	11	3	8	7	10	

	функции нескольких переменных.							нии задач на практических занятиях. Собеседования по домашним заданиям. Контрольная работа.
12.	Интегральное исчисление функций нескольких переменных.	20	8	2	6	5	12	
13.	Ряды.	19	7	3	4	4	12	
14.	Обыкновенные дифференциальные уравнения.	25	13	5	8	8	12	
	Итого за 2 семестр	**108**	**50**	**16**	**34**	**32**	**58**	
	В целом по дисциплине	**216**	**100**	**32**	**68**	**59**	**116**	
	Итого в %	**100**	**46**	**14**	**32**	**87**	**54**	

5.3. Содержание семинаров, практических занятий

Таблица 4 – Темы дисциплины, формы проведения и содержание семинаров и практических занятий

Наименование тем (разделов) дисциплины	Перечень вопросов для обсуждения на семинарских, практических занятиях, рекомендуемые источники из разделов 8,9 (указывается раздел и порядковый номер источника)	Формы проведения занятий
Тема 1. Системы линейных алгебраических уравнений. Линейные пространства	Системы линейных алгебраических уравнений и их элементарные преобразования. Решение систем линейных алгебраических уравнений методом Жордана-Гаусса. Геометрические векторы на плоскости и в пространстве. Линейные операции над векторами. Координаты вектора. Скалярное	Обсуждение теоретических вопросов. Решение задач по тематике практического занятия в интерактивной форме.

	произведение векторов. Длина вектора и угол между векторами. Линейная комбинация векторов. Линейная зависимость (независимость) системы векторов. Базис и размерность линейного пространства. Разложение вектора по базису. Преобразование координат векторов при замене базиса. Стандартное скалярное произведение векторов. Длины векторов и угол между векторами. Нахождение координат вектора в ортонормированном базисе. Рекомендуемые источники: раздел 8, а[1], а[2],б[1], б[3]	
Тема 2. Матрицы и определители.	Матрицы и линейные операции над ними. Вычисление ранга матрицы методом элементарных преобразований. Умножение и транспонирование матриц. Матричная запись систем линейных алгебраических уравнений. Невырожденность квадратных матриц. Нахождение обратной матрицы с помощью элементарных преобразований. Решение матричных уравнений. Вычисление определителей. Применение определителей. Критерий невырожденности квадратной матрицы. Нахождение ранга матрицы. Критерий существования ненулевых решений однородной системы линейных алгебраических уравнений. Нахождение решения системы линейных алгебраических уравнений по формулам Крамера. Вычисление обратной матрицы с помощью алгебраических дополнений. Рекомендуемые источники: раздел 8, а[1], а[2],б[1], б[3]	Обсуждение теоретических вопросов. Решение задач по тематике практического занятия в интерактивной форме
Тема 3. Комплексные числа и многочлены.	Основные понятия, связанные с многочленами. Разложение правильной рациональной дроби в сумму простейших дробей.. Комплексные числа и действия над	Обсуждение теоретических вопросов. Решение задач по тематике практического занятия в интерактивной

	ними в алгебраической форме. Геометрическая интерпретация комплексных чисел. Модуль и аргумент комплексного числа. Тригонометрическая и показательная форма записи комплексных чисел. Умножение и деление комплексных чисел в тригонометрической форме. Формула Муавра. Корни n-ой степени из комплексного числа. Их геометрический смысл. Рекомендуемые источники: раздел 8, а[1], а[2], б[5]	форме.
Тема 4. Линейные преобразования и квадратичные формы.	Линейные отображения и линейные преобразования векторных пространств. Изменение матрицы линейного преобразования при замене базиса. Матрицы ортогональных и самосопряженных преобразований в ортонормированном базисе. Собственные значения и собственные векторы линейных преобразований. Свойства собственных значений и собственных векторов. Квадратичные формы на векторном пространстве. Изменение матрицы квадратичной формы при замене базиса. Приведение квадратичной формы к нормальному виду методом Лагранжа. Приведение квадратичной формы к каноническому виду при помощи ортогонального преобразования. Исследование квадратичной формы на знакоопределенность по критерию Сильвестра. Рекомендуемые источники: раздел 8, а[1],а[2], б[1], б[3].	Обсуждение теоретических вопросов. Решение задач по тематике практического занятия в интерактивной форме.
Тема 5. Элементы аналитической геометрии.	Прямоугольная декартова система координат. Расстояние между точками. Различные способы задания прямой на плоскости. Прямые и плоскости в трехмерном пространстве. Взаимное расположение прямых на плоскости и плоскостей в пространстве. Плоскости различной размерности в многомерном пространстве.	Обсуждение теоретических вопросов. Решение задач по тематике практического занятия в интерактивной форме.

	Эллипс, гипербола и парабола, их свойства и канонические уравнения. Приведение общего уравнения кривой второго порядка к каноническому виду. Рекомендуемые источники: раздел 8, а[1], б[1], б[3],б[5]	
Тема 6 Линейное программирование	Симплексное преобразование. Три формы ЗЛП. Переход от одной к другой. Опорное решение. Критерий оптимальности опорного решения. Элементы теории двойственности. Графический метод. Симплекс-метод.	Обсуждение теоретических вопросов. Решение задач на построение моделей и решение ЗЛП: симплекс-метод, теория двойственности.
Тема 7. Предел и непре-рывность.	Предел числовой последовательности. Вычисление пределов последовательностей с использованием: определения; свойств, связанных с арифметическими действиями; теоремы о трех последовательностях. Вычисление пределов функций с помощью: определения; теорем о свойствах пределов; «замечательных» пределов. Раскрытие неопределенностей. Следствия из замечательных пределов. Сравнение бесконечно малых функций: эквивалентные функции, символ. Применение этих понятий при вычислении пределов. Непрерывность функции в точке. Исследование точек разрыва функции. Асимптоты к графику функции. Свойства функций, непрерывных на отрезке. Рекомендуемые источники: раздел 8, а[1], б[2], б[4], б[5]	Обсуждение теоретиче-скихвопро-сов. Решение за-дач по тема-тике практи-ческого за-нятия в ин-терактивной форме.
Тема 8. Дифференциальное исчисление функций одной переменной.	Производная функции. Дифференцируемость, дифференциал. Непрерывность дифференцируемой функции. Правила дифференцирования суммы, разности, произведения и частного двух функций, сложной и обратной функций. Правила вычисления дифференциала. Производные основных элементарных функций.	Обсуждение теоретиче-скихвопро-сов. Решение за-дач по тема-тике практи-ческого за-нятия в ин-терактивной форме.

	Производная показательно-степенной функции. Дифференциал функции. Использование дифференциала для приближенных вычислений. Производная функции, заданной неявно. Эластичность функции. Логарифмическая производная. Локальный экстремум функции. Теорема Ферма. Теоремы Ролля, Лагранжа и Коши для дифференцируемых функций. Правило Лопиталя раскрытия неопределенностей. Нахождение промежутков выпуклости, вогнутости функции. Точки перегиба. Наибольшее и наименьшее значения функции, непрерывной на отрезке. Исследование функций и построение графиков. Разложение функций по формуле Тейлора (Маклорена). Раскрытие неопределенностей с помощью формулы Маклорена. Рекомендуемые источники: раздел 8, а[1], б[2], б[4], б[5]	
Тема 9. Интегральное исчисление функций одной переменной.	Неопределенный интеграл: методы непосредственного интегрирования, замена переменной, интегрирования по частям. Интегрирование рациональных функции. Вычисление определенных интегралов: по формуле Ньютона-Лейбница, с использованием замены переменной, методом интегрирования по частям. Геометрические приложения определенного интеграла: вычисление площади криволинейной трапеции. Несобственные интегралы. Рекомендуемые источники: раздел 8, а[1], б[2], б[4], б[5]	Обсуждение теоретических вопросов. Решение задач по тематике практического занятия в интерактивной форме.
Тема 10. Дифференциальное исчисление функции нескольких переменных.	Открытые и замкнутые множества (в R2). Сходимость последовательности точек. Функции нескольких переменных. Поверхности (линии) уровня функции. Однородные	Обсуждение теоретическихвопросов. Решение за-дач по тематике практи-ческого занятия в ин-терактивной

	функции. Формула Эйлера. Предел и непрерывность функции нескольких переменных. Частные производные и дифференциалы первого и второго порядков. Эластичность функции нескольких переменных. Производная неявной функции. Градиент. Производная по направлению. Локальные экстремумы функций нескольких переменных. Условный экстремум: метод исключения переменных, метод Лагранжа. Наибольшее и наименьшее значения непрерывной функции на замкнутом ограниченном множестве. Метод наименьших квадратов (МНК). Подбор параметров линейной функции МНК-методом. Система нормальных уравнений. Выпуклые множества в Rn. Выпуклые (вогнутые) функции нескольких переменных. Экстремумы выпуклых (вогнутых) функций. Рекомендуемые источники: раздел 8, а[1], б[2], б[4], б[5]	форме.
Тема 11. Интегральное исчисление функций нескольких переменных.	Кратные (двойные) интегралы, их свойства. Сведение двойного интеграла к повторному интегралу. Замена переменной в двойном интеграле. Рекомендуемые источники: раздел 8, а[1], б[2], б[4], б[5]	Обсуждение теоретических вопро-сов. Решение за-дач по тематике практи-ческого занятия в ин-терактивной форме.
Тема 12. Ряды.	Исследование сходимости и нахождение сумм числовых рядов, исходя из определения. Применение необходимого условия сходимости. Исследование сходимости числовых рядов с неотрицательными членами с помощью признаков сравнения, признака Даламбера, интегрального признака. Знакочередующиеся числовые ряды, признак Лейбница. Абсолютно и условно сходящиеся числовые ряды. Степенные ряды. Теорема Абеля. Интервал и радиус сходимости	Обсуждение теоретических вопросов. Решение задач по тематике практического занятия в интерактивной форме.

	степенного ряда. Интегрируемость и дифференцируемость суммы степенного ряда на интервале сходимости. Разложение функций в ряд Тейлора с использованием стандартных разложений. Разложение функций в ряд Маклорена. Рекомендуемые источники: раздел 8, а[1], б[2], б[4], б[5]	
Тема 13. Обыкновенные дифференциальные уравнения.	Дифференциальные уравнения с разделяющимися переменными. Линейные дифференциальные уравнения 1-го порядка. Автономные уравнения и их свойства. Однородные дифференциальные уравнения, уравнения в полных дифференциалах, уравнения Бернулли. Линейные уравнения высших порядков. Фундаментальная система решений и общее решение линейного однородного уравнения. Линейные уравнения 2-го порядка с постоянными коэффициентами. Однородное уравнение. Характеристическое уравнение. Общее решение однородного уравнения. Построение частного решения неоднородного уравнения с правой частью вида , где не является корнем характеристического уравнения. Однородные системы линейных уравнений. Построение общего решения с помощью метода исключения неизвестных. Рекомендуемые источники: раздел 8, а[1], б[2], б[4], б[5]	Обсуждение теоретиче-скихвопро-сов. Решение за-дач по тема-тике практи-ческого за-нятия в ин-терактивной форме.

6. Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы обучающихся по дисциплине

6.1. Перечень вопросов, отводимых на самостоятельное освоение дисциплины, формы внеаудиторной самостоятельной работы

К внеаудиторным формам самостоятельной работы студентов относятся:

- подготовка к семинарскому занятию;
- подготовка к решению и проверке задач;
- выполнение контрольной работы;
- подготовка к зачету и экзамену.

На семинарских занятиях все студенты должны принимать активное участие в обсуждении изучаемых вопросов и уметь демонстрировать знание практического материала. При выступлении, студентам необходимо аргументировано излагать свою позицию, подкреплять ее конкретными данными, уметь обобщать, аргументировать и систематизировать статистические данные.

На семинарских занятиях преподаватель проверяет выполнение самостоятельных заданий и качество усвоения знаний.

Таблица 5 – Темы дисциплины, изучаемые вопросы и формы внеаудиторной самостоятельной работы

Наименование тем (разделов) дисциплины	Перечень вопросов, отводимых на самостоятельное освоение	Формы внеаудиторной самостоятельной работы
Тема 1. Системы линейных алгебраических уравнений. Линейные пространства	1.Подпространства линейного пространства. Евклидовы пространства. 2.Процесс ортогонализации. Ортогональные дополнения подпространств. 3.Решение задач.	Работа с учебной литературой. Решение типовых задач. Разбор вопросов по теме занятия. Выполнение домашних заданий к каждому занятию. Подготовка к зачёту
Тема 2. Матрицы и определители.	1.Нахождение размерности пространства решений и фундаментальная система решений однородной системы линейных алгебраических уравнений. 2.Решение задач.	Работа с учебной литературой. Решение типовых задач. Разбор вопросов по теме занятия. Выполнение домашних заданий к каждому занятию. Подготовка к зачёту
Тема 3. Комплексные числа и многочлены.	1.Схема Горнера и корни многочленов. Теорема Безу. 2.Решение задач.	Работа с учебной литературой. Решение типовых задач. Разбор вопросов по теме занятия. Выполнение домашних заданий к каждому занятию. Подготовка к зачёту
Тема 4. Линейные преобразования и	1.Линейные преобразования пространства. Линейные операторы.	Работа с учебной литературой. Решение типовых задач. Разбор

квадратичные формы.	2.Ядро и образ линейного оператора. 3.Матрица линейного оператора.	вопросов по теме занятия. Выполнение домашних заданий к каждому занятию. Подготовка к зачёту
Тема 5. Элементы аналитической геометрии.	1.Выпуклые множества в многомерном пространстве. 2.Полупространства и выпуклые многогранные области. 3.Нахождение угловых точек выпуклых многогранных областей. Выпуклая оболочка системы точек. 4. Решение задач.	Работа с учебной литературой. Решение типовых задач. Разбор вопросов по теме занятия. Выполнение домашних заданий к каждому занятию. Подготовка к зачётуу
Тема 6. Линейное программирование	1. Транспортная задача и её математическая модель. 2. Распределительный метод решения ТЗ. 3. Метод потенциалов.	Работа с учебной литературой. Решение типовых задач. Разбор вопросов по теме занятия. Выполнение домашних заданий к каждому занятию. Подготовка к зачёту
Тема 7. Предел и непрерывность.	1.Точки разрыва функции и их классификация. 2. Решение задач.	Работа с учебной литературой. Решение типовых задач. Разбор вопросов по теме занятия. Выполнение домашних заданий к каждому занятию. Подготовка к экзамену
Тема 8. Дифференциальное исчисление функций одной переменной.	1.Задача о распределении налогового бремени. 2.Теоремы Ролля и Коши для дифференцируемых функций. 3.Формула Тейлора с остаточным членом в форме Пеано. 4. Решение задач.	Работа с учебной литературой. Решение типовых задач. Разбор вопросов по теме занятия. Выполнение домашних заданий к каждому занятию. Подготовка к зачёту
Тема 9. Интегральное исчисление функций одной переменной.	1.Интегрирование некоторых классов иррациональных и трансцендентных функций. 2.Решение задач.	Работа с учебной литературой. Решение типовых задач. Разбор вопросов по теме занятия. Выполнение домашних заданий к каждому занятию. Подготовка к экзамену
Тема 10. Дифференциальное исчисление функции нескольких переменных.	1.Свойства функций нескольких переменных, непрерывных на замкнутом ограниченном множестве. 2.Достаточное условие дифференцируемости функции нескольких переменных. Метод исключения переменных. 3.Решение задач	Работа с учебной ли-тараторой. Решение типовых задач. Разбор вопросов по теме занятия. Выполнение домашних заданий к каждому занятию. Подготовка к экзамену

Тема 11. Интегральное исчисление функций нескольких переменных.	1.Формула замены переменных в двойном интеграле. 2. Использование полярных координат для вычисления двойных интегралов. 3.Решение задач.	Работа с учебной литературой. Решение типовых задач. Разбор вопросов по теме занятия. Выполнение домашних заданий к каждому занятию. Подготовка к экзамену
Тема 12. Ряды.	1.Интегральный признак сходимости положительного ряда. 2.Свойства степенного ряда на интервале сходимости. 3.Решение задач.	Работа с учебной литературой. Решение типовых задач. Разбор вопросов по теме занятия. Выполнение домашних заданий к каждому занятию. Подготовка к экзамену
Тема 13. Обыкновенные дифференциальные уравнения.	1.Модели естественного роста. 2.Решение задач	Работа с учебной литераторой. Решение типовых задач. Разбор вопросов по теме занятия. Выполнение домашних заданий к каждому занятию. Подготовка к экзамену

6.2. Перечень вопросов, заданий, тем для подготовки к текущему контролю

Примеры вариантов контрольных работ

Контрольная работа № 1
Системы линейных уравнений и
линейные пространства

Задание 1

Решить систему линейных уравнений методом Жордана-Гаусса.

Задание 2

Решить систему линейных уравнений методом Жардана-Гаусса. В ответе указать базисное решение.

Задание 3

Решить систему линейных уравнений с параметром λ. В ответе указать, при каких значениях λ система уравнений несовместна, при каких – имеет единственное решение (указать его) и при каких – имеет бесконечно много решений (указать общее решение).

Задание 4

Является ли линейным подпространством в $\mathbf{R}^3$ множество векторов $\vec{x} = (x_1, x_2, x_3)$, удовлетворяющих данному условию?

Задание 5

Из системы столбцов данной матрицы A выделить максимальную линейно независимую систему столбцов и представить остальные столбцы в виде линейной комбинации выделенных.

Задание 6

Найти значения параметра λ, при которых векторы образуют базис пространства $\mathbf{R}^4$.

Задание 7

Дополнить систему векторов до ортогонального базиса пространства $\mathbf{R}^3$ и в полученном базисе найти координаты вектора $\vec{x} = (x_1, x_2, x_3)$.

Задание 8

Решение задачи линейного программирования

Вариант 1

1. $\begin{cases} x_1 + 3x_2 + 6x_3 = 40, \\ 3x_1 + 10x_2 + 19x_3 = 130, \\ 2x_1 + 3x_2 + 10x_3 = 55; \end{cases}$

2. $\begin{cases} x_1 + 2x_2 - 5x_3 + x_4 = 1, \\ 2x_1 + 5x_2 - 12x_3 - 3x_4 = -4, \\ 3x_1 + 8x_2 - 18x_3 - x_4 = -4. \end{cases}$

3. $\begin{cases} x_1 - 2x_2 + x_3 - 2x_4 = 1, \\ 3x_1 - 5x_2 + 4x_3 - x_4 = 17, \\ 2x_1 - 7x_2 + x_4 = 21, \\ -9x_1 + 19x_2 - 9x_3 + \lambda x_4 = -56. \end{cases}$

4. а) $V = \{\vec{x} \in \mathbf{R}^3 \mid 2x_1 - x_2 + 4x_3 = 0\}$;

   б) $W = \{\vec{x} \in \mathbf{R}^3 \mid -x_1 + 3x_2 - x_3 \le -1\}$.

5. $A = \begin{pmatrix} 1 & -5 & 7 & -7 \\ -5 & 26 & -36 & 36 \\ -3 & 1 & -7 & 7 \\ 2 & 1 & 3 & -3 \end{pmatrix}$.

6. $\vec{a}_1 = (1;\ 1; -1;\ 1)$,
   $\vec{a}_2 = (1; \lambda;\ 2;\ 1)$,
   $\vec{a}_3 = (0;\ 1 - \lambda;\ \lambda - 4; 0)$,
   $\vec{a}_4 = (3;\ 2\lambda + 1;\ 3;\ 5)$.

7. $\vec{a} = (3; 0; 1)$, $\vec{b} = (2; 2; -6)$; $\vec{x} = (-1; -2; -1)$.

8. На множестве решений системы линейных неравенств

$$\begin{cases} 2x_1 + 3x_2 \le 19, \\ 2x_1 + x_2 \le 13, \\ 3x_2 \le 15, \\ x_1 \ge 0, \\ x_2 \ge 0. \end{cases}$$

указать такое, на котором линейная функция $F(x_1, x_2) = 7x_1 + 5x_2$ достигает максимума.

Контрольная работа № 2
Интегральное исчисление функции одной переменной

Задание 1

Вычислить интегралы.

Задание 2

Исследовать на сходимость несобственный интеграл с бесконечным пределом интегрирования.

Задание 3

Исследовать на сходимость несобственный интеграл от неограниченной функции.

Задание 4

Найти площадь фигуры, ограниченной графиками функций.

Задание 5

Задача с экономическим содержанием.

Вариант 1

1. а) $\int \frac{x}{x^2+1}dx$; б) $\int \frac{4}{\sqrt{x^2-2x+9}}dx$;

в) $\int (3-5x)\ln(2x)dx$; г) $\int \frac{5x^2-2}{(x-1)^2(x+2)}dx$;

д) $\int \cos 2x \cos 5x dx$; е) $\int_1^{27} \frac{dx}{\sqrt{x}(1+\sqrt[3]{x})}$.

2. $\int_1^{+\infty} \frac{dx}{x(\ln^2 x+5)}$. **3.** $\int_4^6 \frac{dx}{(x-4)^2}$.

4. $x+y=8, xy=15$.

5. Производительность труда одного рабочего за одну смену описывается функцией $z(t)=10,5t-0,75t^2$, где t – время в часах, причем, $0 \le t \le 8$. Определите объем выпуска продукции за 20 рабочих дней бригадой, состоящей из 6 человек.

- Критерии балльной оценки различных форм текущего контроля успеваемости содержатся в соответствующих методических рекомендациях кафедры.

С целью стимулирования систематической подготовки студентов к практическим и семинарским занятиям по дисциплине в течение семестра вводится комплексный подход к оценке, получаемой студентами по итогам изучения дисциплины. На основании положения о системе оценки знаний студентов в Финансовом университете действует 100-балльная система оценки знаний. Это означает, что оценка, получаемая по итогам письменной экзаменационной работы, состоит из двух частей: текущего контроля студентов в семестре — максимальная оценка 40 баллов и результатов промежуточной аттестации — максимальная оценка 60 баллов.

Текущий контроль осуществляется в ходе учебного процесса и консультирования студентов, по результатам выполнения самостоятельных работ. Основными формами текущего контроля знаний являются:

– решение задач, тестов и их обсуждение с точки зрения умения формулировать выводы, вносить рекомендации и принимать адекватные управленческие решения;

– выполнение контрольных заданий и обсуждение результатов;

– обсуждения законодательных, правовых и нормативных актов.

Вторая составляющая оценивает устный ответ на зачете и не может превышать 60 баллов.

40 баллов, полученные студентом в течение семестра, должны означать самую высокую характеристику его работы. Такой балл получают студенты, которые на практических занятиях систематически показывают высокие результаты при опросах, проявляют активность при обсуждении изучаемых проблем, в полном объеме выполняют учебную программу, не имеют пропусков.

Максимальная оценка ответа на зачете оценивается в 60 баллов. Каждый вопрос в билете имеет свою долю в общей оценке в зависимости от сложности. Например, за первый теоретический вопрос максимально оценивается 15 баллов, два следующих теоретических вопроса оцениваются по 10 баллов, задача — максимально 15 баллов и пять тестов — по 2 балла каждый правильно решенный тест.

Балльная система аттестации:

- студент, получивший от 50 до 100 баллов, считается аттестованным, получивший от 0 до 49 баллов - не аттестованным;

- студент, получивший от 50 до 69 баллов, считается аттестованным на «удовлетворительно»;

- студент, получивший от 70 до 85 баллов, считается аттестованным на «хорошо»;

- студент, получивший от 86 до 100 баллов, считается аттестованным на «отлично».

Таким образом, если студент по итогам работы в семестре набирает 21

балл, а по итогам письменной работы — 60 баллов, то общая сумма 81 балл соответствует окончательной оценке 4 «хорошо».

Если студент подошел к экзамену с оценкой 0 баллов, то при безупречном качестве письменной экзаменационной работы он может получить итоговую оценку по данной дисциплине только 60 баллов, что соответствует оценке «удовлетворительно».

О данном подходе к оценке знаний студентов преподаватель информирует студентов на первом семинарском (практическом) занятии. На последнем семинарском занятии студентам сообщается оценка, которую они получают по итогам работы в семестре.

Студенты могут улучшить свою оценку по итогам работы в семестре за счет отработки пропущенных занятий или полученных неудовлетворительных оценок на семинарах. Вместе с тем, все отработки могут быть осуществлены в консультационные дни в период не более двух консультаций с момента получения оценки «неудовлетворительно» или пропуска занятий. Только в случае болезни студент может отрабатывать пропуски в более поздние сроки.

Отработка пропусков, имевших место по причине работы студентов во время занятий, не допускается.

Ориентировочное распределение максимальных баллов по видам работы:

№ п/п	Вид отчетности	Баллы
1.	Работа в семестре в т.ч. самостоятельная письменная работа	40 20
2.	Экзамен / Зачёт	60
3.	Итого:	100

7. Фонд оценочных средств для проведения промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине

7.1 Перечень компетенций с указанием индикаторов их достижения в процессе освоения образовательной программы

Перечень компетенций с указанием индикаторов их достижения в процессе освоения образовательной программы указаны в разделе 2 «Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине, с указанием индикаторов их достижения и планируемых результатов обучения».

7.2. Типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки индикаторов достижения компетенций, умений

и знаний

Теоретические вопросы для подготовки к зачету за 1 семестр
(Определения, свойства и теоремы на уровне формулировок)

1. Решение систем линейных алгебраических уравнений методом Гаусса.
2. Геометрические векторы и линейные операции над ними.
3. Векторное пространство R^n. Геометрический смысл пространств R^2 и R^3.
4. Линейная зависимость системы векторов и ее геометрический смысл.
5. Базис и размерность линейного пространства. Координаты вектора в данном базисе.
6. Преобразование координат векторов при замене базиса.
7. Скалярное произведение векторов.
8. Векторное произведение векторов.
9. Длины векторов и угол между векторами.
10. Ортогональный и ортонормированный базисы. Координаты вектора в ортогональном базисе.
11. Сложение матриц и умножение матрицы на число.
12. Матричная запись систем линейных алгебраических уравнений.
13. Ранг матрицы.
14. Умножение матриц.
15. Невырожденные квадратные матрицы. Обратная матрица.
16. Нахождение обратной матрицы. Решение матричных уравнений вида $AX = B$.
17. Определители и их свойства.
18. Непосредственное вычисление определителей второго и третьего порядка.
19. Формула разложения определителя по строкам и столбцам.
20. Применение определителей: нахождение решения системы линейных алгебраических уравнений по формуле Крамера.
21. Прямая в пространстве. Угол между прямыми в пространстве.
22. Прямая на плоскости.
23. Плоскость в трехмерном пространстве.
24. Понятие о кривых второго порядка: эллипс, его свойства и каноническое уравнение.
25. Понятие о кривых второго порядка: гипербола, ее свойства и каноническое уравнение.
26. Понятие о кривых второго порядка: парабола, ее свойства и каноническое уравнение.
27. Понятие о поверхностях второго порядка. Эллипсоиды, параболоиды и гиперболоиды, их канонические уравнения.
28. Действительные числа, их свойства. Числовые множества. Элементы алгебры множеств. Обозначения для сумм и произведений.

29.

30. Выпуклые (вогнутые) функции. Достаточные условия выпуклости функции. Необходимый и достаточный признаки точки перегиба.

31. Асимптоты графика функции.

32. Общая схема исследования функции и построения ее графика

33. Понятие математического программирования.

34. Математическая модель задачи линейного программирования. Общая, каноническая и стандартная формы.

35. Примеры задач линейного программирования.

36. Переход от одной формы задачи линейного программирования к другой.

37. Графический метод решения задачи линейного программирования.

38. Базисное решение системы линейных уравнений. Преобразование однократного замещения.

39. Опорное решение. Симплексное преобразование, его основное свойство.

40. Преобразование системы ограничений и целевой функции при отыскании исходного опорного решения и переходе от одного опорного решения к другому.

41. Идея симплекс-метода (геометрическая и алгебраическая трактовки).

42. Признак оптимальности опорного плана.

43. Условия отсутствия решения задачи линейного программирования.

44. Условия существования бесконечного множества оптимальных планов (ограниченного и неограниченного).

45. Алгоритм симплекс-метода.

46. Симметричная форма задачи линейного программирования. Взаимно двойственные задачи.

47. Лемма о соотношении значений целевых функций взаимно двойственных задач. Достаточное условие оптимальности опорных планов взаимно двойственных задач.

48. Первая и вторая теоремы двойственности.

49. Экономический смысл взаимно двойственных задач.

50. Алгоритм применения теории двойственности к нахождению оптимального решения одной из взаимно двойственных задач по известному оптимальному решению другой.

51. Постановка транспортной задачи.

52. Математическая модель транспортной задачи.

53. Построение исходного опорного плана транспортной задачи (метод северо-западного угла и метод наименьшей стоимости).

54. Понятие цикла распределительной таблицы, означенного цикла, цикла пересчета для свободной клетки, сдвиг по циклу.

55. Реализация одного шага работы по симплекс-методу при решении транспортной задачи.

56. Оценка свободной клетки. Критерий оптимальности опорного плана транспортной задачи.

57. Алгоритм решения транспортной задачи распределительным методом.

58. Понятие потенциалов.

59. Алгоритм решения транспортной задачи методом потенциалов.

Теоретические вопросы для подготовки к экзамену за 2 семестр

1. Числовые функции. Способы задания функций.

2. Область определения и множество значений функции. График функции.

3. Сложная и обратная функции.

4. Характеристики функций: четность и нечетность, периодичность, монотонность, ограниченность.

5. Степенная, показательная и логарифмическая функции.

6. Тригонометрические функции и обратные к ним.

7. Числовые последовательности. Способы задания последовательностей. Прогрессии. Формула сложных процентов.

8. Предел последовательности и его свойства. Единственность предела.

9. Ограниченность сходящейся последовательности.

10. Свойства пределов, связанные с арифметическими действиями.

11. Бесконечно малые последовательности, их свойства.

12. Бесконечно большие последовательности и их свойства.

13. Предел функции. Различные типы пределов: односторонние пределы, пределы в бесконечности, бесконечные пределы. Теорема о конечных пределах

14. Ограниченные, бесконечно малые и бесконечно большие функции. Теоремы о связи между тремя классами функций в данной точке.

15. Сравнение бесконечно малых функций: эквивалентные функции..

16. Первый и второй замечательные пределы. Формула непрерывных процентов.

17. Непрерывность функции в точке. Непрерывность суммы, разности, произведения и частного непрерывных функций. Непрерывность сложной и обратной функции.

18. Непрерывность элементарных функций. Точки разрыва функции, их классификация.

19.Свойства функций, непрерывных на отрезке: теоремы о существовании корня, о промежуточных значениях, об ограниченности функции, о достижении наибольшего и наименьшего значений .

20. Производная функции. Дифференцируемость и дифференциал функции. Непрерывность дифференцируемой функции.

21.Правила дифференцирования суммы, разности, произведения и частного двух функций, сложной и обратной функций.

22.Производные основных элементарных функций.

23.Геометрический смысл производной и дифференциала функции. Уравнение касательной к графику функции.

24.Эластичность функции, ее свойства и геометрический смысл.

25.Задача о распределении налогового бремени.

26. Локальный экстремум функции.

27. Правило Лопиталя раскрытия неопределенностей.

28. Производные и дифференциалы высших порядков.

29. Признак монотонности функции на интервале. Достаточное условие локального экстремума.

30. Выпуклые (вогнутые) функции. Достаточные условия выпуклости функции. Необходимый и достаточный признаки точки перегиба.

31. Асимптоты графика функции.

32. Общая схема исследования функции и построения ее графика

33. Определение первообразной для функции на числовом промежутке.

34. Определение неопределенного интеграла.

35. Свойства неопределенного интеграла.

36. Формула замены переменной в неопределенном интеграле.

37. Формула интегрирования по частям для неопределенного интеграла.

38. Определение определенного интеграла (по Риману).

39. Достаточное условие интегрируемости.

40. Геометрический смысл определенного интеграла.

41. Свойства определенного интеграла.

42. Формула Ньютона – Лейбница.

43. Формула замены переменной в определенном интеграле.

44. Формула интегрирования по частям для определенного интеграла.

45. Определение несобственного интеграла с бесконечным верхним пределом.

46. Определение несобственного интеграла с бесконечным нижним пределом.

47. Определение несобственного интеграла от неограниченной функции на ограниченном промежутке.

48. Расстояние в R^n. Свойства расстояния.

49. Окрестность точки в R^n. Внутренние и граничные точки множества.

50. Открытые и замкнутые множества.

51. Изолированные и предельные точки множества.

52. Ограниченные множества.

53. Сходимость последовательности точек в R^n, ее эквивалентность покоординатной сходимости.

54. Функция нескольких переменных.

55. Поверхности (линии) уровня функции нескольких переменных.

56. Предел функции нескольких переменных в точке.

57. Непрерывность функции нескольких переменных в точке.

58. Свойства функций, непрерывных на замкнутом множестве: ограниченность, достижение наибольшего и наименьшего значений.

59. Частные производные функции нескольких переменных.

60. Дифференцируемость функции нескольких переменных.

61. Дифференциал функции нескольких переменных.
Достаточное условие дифференцируемости функции нескольких переменных.

62. Непрерывность дифференцируемой функции.

63. Однородные функции.

64. Формула Эйлера для однородной функции.

65. Производная сложной функции нескольких переменных.

66. Производная по направлению.

67. Градиент. Свойства градиента.

68. Частные производные высших порядко

69. Теорема о равенстве смешанных производных.

70. Формула Тейлора для функции нескольких переменных с остаточным членом в форме Лагранжа.

71. Локальные экстремумы функций нескольких переменных.

72. Необходимое условие локального экстремума функций нескольких переменных.

73. Достаточное условие локального экстремума функций нескольких переменных.

74. Условный экстремум.

75. Метод Лагранжа.

76. Наибольшее и наименьшее значения непрерывной функции на замкнутом множестве.

77. Числовой ряд.

78. Последовательность частичных сумм. Сумма ряда. Сходящиеся ряды.

79. Свойства сходящихся рядов.

80. Необходимое условие сходимости числового ряда.

81. Числовые ряды с неотрицательными членами.

82. Критерий сходимости числовых рядов с неотрицательными членами.

83. Признаки сравнения, признак Даламбера и Коши, интегральный признак для числовых рядов с неотрицательными членами.

84. Знакопеременные ряды. Абсолютная и условная сходимость.

85. Признак Лейбница для знакочередующихся числовых рядов.

86. Степенной ряд.

87. Теорема Абеля.

88.Интервал и радиус сходимости степенного ряда.

89. Интегрируемость и дифференцируемость суммы степенного рядана интервале сходимости.

90. Ряды Тейлора (Маклорена).

91. Достаточное условие разложимости функции в ряд Маклорена.

92. Разложение в ряд Маклорена функций e^x, $\sin x$, $\cos x$, $\frac{1}{1+x}$, $\ln(1+x)$, $(1+x)^\alpha$.

93. Теорема о существовании и единственности решения задачи Коши для уравнения первого порядка в нормальной форме.

94. Уравнения с разделяющимися переменными. Автономные уравнения.

95. Однородные дифференциальные уравнения первого порядка.

96. Уравнения в полных дифференциалах.

97. Линейные дифференциальные уравнения первого порядка. Уравнения Бернулли.

98. Линейные дифференциальные уравнения. Фундаментальная система решений. Определитель Вронского системы решений.

99. Общее решение однородного дифференциального уравнения с постоянными коэффициентами (для уравнений второго порядка).

100. Частное решение неоднородного дифференциального уравнения с постоянными коэффициентами с правой частью специального вида.

101. Общее решение однородной системы линейных дифференциальных уравнений в случае существования базиса из собственных векторов.

Примеры экзаменационных задач

Тема «Матрицы и определители»

Являются ли строки матрицы A линейно зависимыми, если

$$A = \begin{pmatrix} 1 & -1 & 0 & 3 \\ 2 & 5 & 1 & 4 \\ 3 & 4 & 1 & 7 \\ 4 & 3 & 1 & 10 \end{pmatrix}?$$

Тема «Системы линейных уравнений»

Методом Гаусса решить систему линейных уравнений:

$$\begin{cases} 3x_1 - x_2 + 2x_3 = 5, \\ 5x_2 - x_3 = -7, \\ 6x_1 + 2x_2 + x_3 = 0. \end{cases}$$

Тема «Векторные пространства»

Образуют ли векторы $\vec{a} = (5,2,4)$, $\vec{b} = (-2,1,0)$, $\vec{c} = (1,1,1)$ базис пространства R^3?

Тема «Линейные операторы»

В пространстве R^3 линейный оператор $\tilde{A}$ в базисе $\overrightarrow{e_1}, \overrightarrow{e_2}, \overrightarrow{e_3}$ задан матрицей:

$$A = \begin{pmatrix} 2 & 1 & 3 \\ 0 & 1 & 2 \\ 2 & 2 & 1 \end{pmatrix}.$$

Найти образ $\vec{y} = \tilde{A}(\vec{x})$вектора $\vec{x} = \overrightarrow{e_1} - 2\overrightarrow{e_2} + \overrightarrow{e_3}$.

Тема «Квадратичные формы»

Найти главные (угловые) миноры квадратичной формы

$$L(x_1, x_2) = x_1^2 + 3x_2^2 - 4x_1x_2.$$

На основании полученных результатов сделать вывод о знакоопределенности данной квадратичной формы.

Тема «Элементы аналитической геометрии»

Стороны треугольника имеют уравнения

$x - y + 1 = 0 \quad (AB); \quad 7x - 5y - 1 = 0 \quad (BC); \; 5x - 3y + 2 = 0 \quad (AC).$

Найти уравнение высоты треугольника, опущенной из вершины *A* на сторону *BC*.

Примеры экзаменационных билетов
по части 1

Вариант 001

1. Линейно зависимые и линейно независимые системы векторов.
2. Задача на тему: «Линейное программирование».
3. Задача на тему: «Системы линейных уравнений».

Вариант 002

1. Определители и их свойства.
2. Задача на тему «Метод Жордана-Гаусса решения и исследования систем линейных уравнений.
3. Решение матричного уравнения.

по части 2

Вариант № 003

1. Степенной ряд.
2. Задача на тему «Определенный интеграл».
3. Задача на тему «Дифференциальные уравнения первого порядка».

Вариант № 004

1. Однородные дифференциальные уравнения первого порядка.
2. Задача на тему «Неопределенный интеграл».
3. Задача на тему «Числовые ряды».

Вариант № 005

1. Определение неопределенного интеграла.
2. Задача на тему: «Функции нескольких переменных».
3. Задача на тему: «Степенные ряды».

Примеры оценочных средств для проверки компетенций, формируемых дисциплиной

Компетенция	**Типовые задания**
ПКН- 3 Способность осуществлять сбор, обработку и статистический анализ	1. **Проводит сбор, обработку и статистический анализ данных для решения финансово-экономических задач.** 1. Производительность труда рабочего за одну смену описывается функцией 2 p(t) =15t − 0,5t , где t – время в часах, 0 ≤ t ≤ 8. Определите объем выпуска продукции за день для данного рабочего и среднюю производительность труда за один час.

данных, применять математические методы для решения стандартных профессиональных финансово-экономических задач, интерпретировать полученные результаты.	2. **Формулирует математические постановки финансово экономических задач, переходит от экономических постановок задач к математическим моделям**. 1. В паутинообразной модели функция спроса имеет вид D(p) =12 − 3p , а функция предложения – S(p) = 2 p − 3 . Начальная цена равна 2 д.е. Выпишите общую формулу для последовательности цен. Исследуйте на сходимость данную последовательность цен. 2. Зависимость спроса на товар от его цены выражается функцией $D(p)=\frac{60}{p^2+p}$ 2 Найдите спрос на товар, предельный спрос и точечную эластичность спроса по цене при p = 3 д.е. Чему будет равна средняя эластичность спроса по цене, при увеличении цены на 4%? 3. **Системно подходит к выбору математических методов и информационных технологий для решения конкретных финансово-экономических задач в профессиональной области**. 1. Полные издержки при выпуске q единиц продукции выражаются функцией C(q) = 32 + 8q + q^2 . Функция спроса на эту продукцию имеет вид q =12 − 0,03p , где p – цена единицы продукции. Найдите минимум средних издержек 4. **Анализирует результаты исследования математических моделей финансово-экономических задач и делает на их основании количественные и качественные выводы и рекомендации по принятию финансово-экономических решений**. 1. Даны функция спроса на некоторый товар D(p) = 82 – 15p – 10p2 и функция предложения этого товара S(p) = 2p2 + 3p – 2, где p – цена товара в рублях. Вычислите эластичность спроса по цене в точке рыночного равновесия. 2. Найдите производную функции f (t) = F(K(t),L(t)) в точке t = 0 , если $K(t)=0,4t+200$, $L(t)=3000e^{0,03t}$, $F(K,L)=4K^{0,25}L^{0,75}$.
УК- 10 Способность осуществлять поиск, критически анализировать, обобщать и систематизировать информацию, использовать системный подход для решения поставленных задач	1. **Четко описывает состав и структуру требуемых данных и информации, грамотно реализует процессы их сбора, обработки и интерпретации**. Решите систему линейных алгебраических уравнений и найдите не менее двух ее базисных неотрицательных решений $\begin{cases} 4x_1 - x_2 + 2x_3 - 3x_4 = 2, \\ 2x_1 + 3x_2 - x_3 + x_4 = 5, \\ 2x_1 - 4x_2 + 3x_3 - 4x_4 = 3. \end{cases}$ **2.Обосновывает сущность происходящего, выявляет за-кономерности, понимает природу вариабельности**. 1. Определите, является ли международная торговля двух стран сбалансированной, если вектор национальных доходов этих стран

$$x = \begin{pmatrix} 9000000000 \\ 5000000000 \end{pmatrix},$$

а структурная матрица

$$A = \begin{pmatrix} 0,5 & 0,9 \\ 0,5 & 0,1 \end{pmatrix}.$$

2. Предприятие производит продукцию двух видов, используя при этом ресурсы трех видов. Известна технологическая матрица

$$A = \begin{pmatrix} 2 & 3 \\ 1 & 0 \\ 2 & 1 \end{pmatrix}$$

и вектор запасов .

$$b = \begin{pmatrix} 100 \\ 60 \\ 75 \end{pmatrix}.$$

Изобразите множество возможных планов производства. Составьте план производства, обеспечивающий получение наибольшей выручки от продажи изделий, если цена изделия перового вида составляет 1000 руб., а изделия второго вида – 2000 руб.

3. **Формулирует признак классификации, выделяет соответ-ствующие ему группы однородных «объектов», идентифицирует общие свойства элементов этих групп, оценивает полноту результатов классификации, показывает прикладное назначение классификационных групп**.

1. Решить систему линейных уравнений с параметром λ. В ответе указать, при каких значениях λ система уравнений несовместна, при каких – имеет единственное решение (указать его) и при каких – имеет бесконечно много решений (указать общее решение).

4.**Грамотно, логично, аргументировано формирует собственные суждения и оценки. Отличает факты от мнений, интерпретаций, оценок и т.д. в рассуждениях других участников деятельности.**

5. Аргументированно и логично представляет свою точку зрения посредством и на основе системного описания.

1. Дополнить систему векторов до ортогонального базиса пространства $\mathbf{R}^3$ и в полученном базисе найти координаты вектора $\vec{x} = (x_1, x_2, x_3)$.

2.Функция полезности потребителя для двух товаров имеет вид

	$u(x,y)=5x^{0,75}y^{0,25}$, где x, y – количества приобретаемых товаров. 1) Определите максимальную полезность товаров, если потребитель имеет бюджет в I =1899 д.е., а цены товаров равны 13 д.е. и 5 д.е., соответственно. 2) Постройте график функции полезности. 3) Изобразите допустимое множество, кривые безразличия и оптимальную точку. 4) Найдите уравнение кривой безразличия, на которой находится оптимальная точка потребителя. 5) Вычислите норму замены второго товара первым в оптимальной точке. 5) Определите функцию спроса для первого товара и постройте ее график. 6) Вычислите эластичность спроса на первый товар по цене при данных ценах и заданном бюджете потребителя. 7) Поясните экономический смысл найденных показателей.

7.3. Соответствующие приказы, распоряжения ректората о контроле уровня освоения дисциплин и сформированности компетенций студентов.

Приказ от 01 октября 2024 года №2187/о «Об утверждении Положения о проведении текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации студентов, обучающихся по образовательным программам высшего образования в Финансовом университете», размещенный по ссылке: https://www.fa.ru/upload/iblock/845/yqw4vi0gi21glvu9775bfm4rz6p19b0z/Prikaz-_2187_o-ot-01.10.2024.pdf

8. Перечень основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины

а) основная:

1. Высшая математика для экономического бакалавриата: Учебник и практикум / Н. Ш. Кремер, Б. А. Путко, И. М. Тришин, М. Н. Фридман; [ВЗФЭИ]; Под ред. Н.Ш. Кремера. – 4-е изд.; перераб. И доп. – М.: Юрайт, 2012. ЭБС Юрайт

2. Кремер Н.Ш. Линейная алгебра: Учебник и практикум / Кремер Н.Ш., Финуниверситет; Под ред. Н.Ш.Кремера.- М.: Юрайт, 2014. ЭБС Юрайт

б) дополнительная:

1. Математика в экономике. Ч.1: Линейная алгебра, аналитическая геометрия и линейное программирование: Учебник для студ. экономич. спец.

вузов / А.С. Солодовников, В.А. Бабайцев, А.В. Браилов, И.Г. Шандра. — 3-е изд., перераб. и доп. — М.: Финансы и статистика; ИНФРА-М, 2011.

2. Математика в экономике. Ч. 2: Математический анализ: Учебник для студ. экономич. спец. вузов / А.С. Солодовников, В.А. Бабайцев, А.В. Браилов, И.Г. Шандра. – 3-е изд., перераб. и доп. – М.: Финансы и статистика; ИНФРА-М, 2011.

3. Сборник задач по курсу «Математика в экономике». В 3-х ч. Ч.1. Линейная алгебра: учеб. пособие / под ред. В.А. Бабайцева и В.Б. Гисина. – М.: Финансы и статистика; ИНФРА-М, 2012.

4. Сборник задач по курсу «Математика в экономике». В 3-х ч. Ч.2. Математический анализ: учеб. пособие / под ред. В.А. Бабайцева и В.Б. Гисина. – М.: Финансы и статистика; ИНФРА-М, 2012.

5. Кремер Н.Ш., Путко Б.А., Тришин И.М. Математика для экономистов: от Арифметики до Эконометрики. Учебно-справочное пособие / под ред. Н.Ш. Кремера.– М.: Юрайт, 2014.

6. Самаров К.Л., Шапкин А.С. Задачи с решениями по высшей математике и математическим методам в экономике. - М.: 2009.

7. Дж. Линейное программирование, его обобщения и применение. – М.: Прогресс, 2011.

8. Зарубин В.С. Математическое моделирование в технике. – Изд-во МВТУ им. Н.Э. Баумана, 2011.

9. Конюховский П.В. Математическое программирование. – С-Пб,: Питер, 2011.

10. Карасёв А.И., Кремер Н,Ш., Савельева Т.И. Математические методы и модели в планировании. – М.: Экономика, 2011.

11. Рублёв А.Н. Линейная алгебра. – М.: Высшая школа, 2010.

12. Ларионов А.И. Юрченко Т.Н., Новосёлов А.Л. – М.: Высшая школа, 2011.

13. Мышкис А.Д. Элементы теории математических моделей. - М.: Наука, 2011.

14 Шепелев И.Г. Математические методы и модели управления в строительстве. – М.: Высшая школа, 2011.

15. Шикин Е.В., Чхартишвили А.Г. Математические методы и модели в управлении. – М.: Дело, 2011.

16. Шелобаев С.И. Математические методы и модели. –М.: Юнити-Дана, 2011.

17. Корщунова Н., Плясунов В. Математика в экономике. – М.: Вита -пресс, 1996.

18. Коршунова Н.И., Прикладная математика для экономического бакалавриата. – М., Прометей, 2021

9. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», необходимых для освоения дисциплины

6. Электронные библиотечные системы (ЭБС), содержащие учебную и научную литературу: "Znanium", "eLibrary", "Grebennikon", "BOOK.ru", "Юрайт", "Лань", "Университетская библиотека ОНЛАЙН", учебно методической литературу.

7. Доступ через портал электронного обучения «Эльфа» или Информационно-образовательный портал Финуниверситета по логину и паролю.

8. Электронная библиотека Финуниверситета через стартовую страницу:http://library.fa.ru/resource.asp?id=699.

10. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины

Наименование методических материалов для обучающихся	Год утверждения	Местонахождение материала (ссылка на сайт филиала)
Коршунова Н.И. Методические рекомендации по выполнению контрольной работы по дисциплине «Математика» для студентов, обучающихся по направлению подготовки 38.03.01 «Экономика», профиль «Анализ рисков и экономическая безопасность»	2023	https://cloud.mail.ru/public/CnoV/cYBRvyAHR/2.%20%D0%9C%D0%B5%D1%82%D0%BE%D0%B4%D0%B8%D1%87%D0%B5%D1%81%D0%BA%D0%B8%D0%B5%20%D0%BC%D0%B0%D1%82%D0%B5%D1%80%D0%B8%D0%B0%D0%BB%D1%8B%20%D0%BF%D0%BE%20%D0%B4%D0%B8%D1%81%D1%86%D0%B8%D0%BF%D0%BB%D0%B8%D0%BD%D0%B0%D0%BC/%D0%9A%D0%B0%D1%84%D0%B5%D0%B4%D1%80%D0%B0%20%D0%9C%D0%B5%D0%BD%D0%B5%D0%B4%D0%B6%D0%BC%D0%B5%D0%BD%D1%82%20%D0%B8%20%D0%BE%D0%B1%D1%89%D0%B5%D0%B3%D1%83%D0%BC%D0%B0%D0%BD%D0%B8%D1%82%D0%B0%D1%80%D0%BD%D1%8B%D0%B5%20%D0%BD%D0%B0%D1%83%D0%BA%D0%B8/

Приказ Финуниверситета от 14.05.2021 г. № 1040/о «Об утверждении методических рекомендаций по планированию и организации внеаудиторной самостоятельной работы студентов по образовательным программам бакалавриата и магистратуры Финансовом университете»		https://www.fa.ru/upload/iblock/dc2/a5qpi6qb0k0l6jz01c4g9y1cv5x35ey3/Prikaz-_-1040_o-ot-11.05.2021.PDF

11.Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине, включая перечень необходимого программного обеспечения и информационных справочных систем

Полный пакет лицензионного программного обеспечения MICROSOFT (программный пакет MS Office) с онлайн доступом ко всем информационным ресурсам Финуниверситета и Интернет.

Электронные библиотечные системы (ЭБС), содержащие учебную и научную литературу: «Znanium», «eLibrary», «Grebennikon», «BOOK.ru», «Юрайт», «Лань», «Университетская библиотека ОНЛАЙН», учебно-методическую литературу.

Доступ через портал электронного обучения «Эльфа» или Информационно-образовательный портал Финуниверситета по логину и паролю.

Электронная библиотека Финуниверситета через стартовую страницу: http://library.fa.ru/resource.asp?id=699.

Информационные справочные системы

1. http://www.garant.ru/ - Информационно-правовой портал «Гарант».
2. http://www.consultant.ru/ - Справочно-правовая система «КонсультантПлюс».
3. https://www.referent.ru/- Справочно-правовая система «Референт».
4. https://www.1gl.ru/ - Справочная система «Система Главбух».

12. Описание материально-технической базы, необходимой для

осуществления образовательного процесса по дисциплине

Материально-техническая база, которой располагает Ярославский филиал Финуниверситета: аудиторный фонд, компьютерные классы и др.

Лекционные и практические занятия проводятся в мультимедийных аудиториях филиала, а также в оборудованных компьютерами и мультимедийным оборудованием классах.

Профессорско-педагогический состав знакомится с психолого-физиологическими особенностями обучающихся инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья. При необходимости осуществляется дополнительная поддержка преподавания тьюторами, психологами, социальными работниками, прошедшими подготовку ассистентами.

В соответствии с методическими рекомендациями Минобрнауки России (утверждены 08.04.2014 № АК-44/05вн) в курсе предполагается использовать социально-активные и рефлексивные методы обучения, технологии социокультурной реабилитации с целью оказания помощи в установлении полноценных межличностных отношений с другими студентами, создании комфортного психологического климата в студенческой группе. Подбор и разработка учебных материалов производятся с учетом предоставления материала в различных формах: аудиальной, визуальной, с использованием специальных технических средств и информационных систем.

Освоение дисциплины лицами с ОВЗ осуществляется с использованием средств обучения общего и специального назначения (персонального и коллективного использования). Материально-техническое обеспечение предусматривает приспособление аудиторий к нуждам лиц с ОВЗ.

Форма проведения аттестации для студентов-инвалидов устанавливается с учетом индивидуальных психофизических особенностей. Для студентов с ОВЗ предусматривается доступная форма предоставления заданий оценочных средств, а именно:

– в печатной или электронной форме (для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата);

– в печатной форме или электронной форме с увеличенным шрифтом и контрастностью (для лиц с нарушениями слуха, речи, зрения);

– методом чтения ассистентом задания вслух (для лиц с нарушениями зрения).

Студентам с инвалидностью увеличивается время на подготовку ответов на контрольные вопросы. Для таких студентов предусматривается доступная форма предоставления ответов на задания, а именно:

– письменно на бумаге или набором ответов на компьютере (для лиц с нарушениями слуха, речи);

– выбором ответа из возможных вариантов с использованием услуг ассистента (для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата);

– устно (для лиц с нарушениями зрения, опорно-двигательного аппарата).

При необходимости для обучающихся с инвалидностью процедура оценивания результатов обучения может проводиться в несколько этапов.